

МИНОБРНАУКИ РОССИИ

Федеральное государственное бюджетное
образовательное учреждение высшего образования
«Тульский государственный университет»

Институт прикладной математики и компьютерных наук
Кафедра «Прикладная математика и информатика»

Утверждено на заседании кафедры
«Прикладная математика и информатика»
24 января 2022 г., протокол № 5

Заведующий кафедрой

 М.В. Грязев

**ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ (ОЦЕНОЧНЫЕ МАТЕРИАЛЫ) ДЛЯ
ПРОВЕДЕНИЯ ТЕКУЩЕГО КОНТРОЛЯ УСПЕВАЕМОСТИ И
ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО
ДИСЦИПЛИНЕ (МОДУЛЮ)**

«Прикладная алгебра»

**основной профессиональной образовательной программы
высшего образования – программы бакалавриата**

по направлению подготовки

01.03.02 Прикладная математика и информатика

с направленностью (профилем)

Прикладная математика и информатика

Форма обучения: очная

Идентификационный номер образовательной программы: 010302-01-22

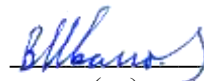
Тула 2022 год

ЛИСТ СОГЛАСОВАНИЯ
фонда оценочных средств (оценочных материалов)

Разработчик:

Иванов В.И., профессор каф. ПМиИ, д.ф.-м.н., профессор

(ФИО, должность, ученая степень, ученое звание)


(подпись)

1 Описание фонда оценочных средств (оценочных материалов)

Фонд оценочных средств (оценочные материалы) включает в себя контрольные задания и (или) вопросы, которые могут быть предложены обучающемуся в рамках текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации по дисциплине (модулю). Указанные контрольные задания и (или) вопросы позволяют оценить достижение обучающимся планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), установленных в соответствующей рабочей программе дисциплины (модуля), а также сформированность компетенций, установленных в соответствующей общей характеристике основной профессиональной образовательной программы.

Полные наименования компетенций и индикаторов их достижения представлены в общей характеристике основной профессиональной образовательной программы.

2 Оценочные средства (оценочные материалы) для проведения текущего контроля успеваемости обучающихся по дисциплине (модулю)

Перечень контрольных заданий и (или) вопросов для оценки сформированности компетенции ПК-7 (контролируемый индикатор достижения компетенции ПК-7.1)

1. Норма матрицы есть
 - 1) наибольшее число в неравенстве между нормами образа и прообраза;
 - 2) модуль определителя матрицы;
 - 3) наименьшее число в неравенстве между нормами образа и прообраза;
 - 4) след матрицы.
2. Дефект матрицы есть
 - 1) размерность ее образа;
 - 2) размерность ее ядра;
 - 3) ее порядок;
 - 4) модуль разности размерности ядра и размерности образа.
3. LU -разложение действительной матрицы есть
 - 1) разложение на произведение нижней треугольной и верхней треугольной матриц;
 - 2) разложение на произведение ортогональной и верхней треугольной матриц;
 - 3) разложение на произведение нижней треугольной и ортогональной матриц;
 - 4) разложение на произведение нижней треугольной и симметричной матрицы.
4. QR -разложение действительной матрицы есть
 - 1) разложение на произведение нижней треугольной и верхней треугольной матриц;
 - 2) разложение на произведение ортогональной и верхней треугольной матриц;
 - 3) разложение на произведение нижней треугольной и ортогональной матриц;
 - 4) разложение на произведение нижней треугольной и симметричной матрицы.
5. Сингулярные числа матрицы A есть
 - 1) элементы главной диагонали матрицы;
 - 2) элементы не главной диагонали матрицы;
 - 3) квадратные корни из собственных значений матрицы AA^* ;
 - 4) квадратные корни из собственных значений матрицы A^*A .

Перечень контрольных заданий и (или) вопросов для оценки сформированности компетенции ПК-8 (контролируемый индикатор достижения компетенции ПК-8.1)

1. Сингулярное разложение действительной матрицы есть

- 1) разложение на произведение нижней треугольной, диагональной и верхней треугольной матриц;
 - 2) разложение на произведение ортогональной, диагональной и верхней треугольной матриц;
 - 3) разложение на произведение нижней треугольной, диагональной и ортогональной матриц;
 - 4) разложение на произведение ортогональной, диагональной и ортогональной матриц.
2. Полярное разложение действительной матрицы есть
- 1) разложение на произведение симметричной и ортогональной матриц;
 - 2) разложение на произведение ортогональной и верхней треугольной матриц;
 - 3) разложение на произведение нижней треугольной и ортогональной матриц;
 - 4) разложение на произведение нижней треугольной и симметричной матрицы.
3. Число обусловленности матрицы есть
- 1) ее норма;
 - 2) норма ее обратной матрицы;
 - 3) произведение норм матрицы и ее обратной;
 - 4) размерность ее ядра.
4. Характеристика поля может равняться
- 1) 0;
 - 2) 23;
 - 3) 8;
 - 4) 25.
5. Кольцо \mathbb{Z}_p будет полем, если p есть
- 1) 6;
 - 2) 23;
 - 3) 8;
 - 4) 25.

Перечень контрольных заданий и (или) вопросов для оценки сформированности компетенции ПК-7 (контролируемый индикатор достижения компетенции ПК-7.2)

1. Для матрицы $A = \begin{pmatrix} 1/\sqrt{2} & i/\sqrt{2} \\ -i/\sqrt{2} & 1/\sqrt{2} \end{pmatrix}$ выбрать правильные ответы
- 1) A - диагональная, 2) A - треугольная, 3) A - ортогональная,
 - 4) A - унитарная, 5) A - симметричная, 6) A - кососимметричная,
 - 7) A - эрмитова, 8) A - косоэрмитова, 9) A - нормальная

2. Евклидова норма матрицы $A = \begin{pmatrix} 1/\sqrt{2} & i/\sqrt{2} \\ -i/\sqrt{2} & 1/\sqrt{2} \end{pmatrix}$ равна
- 1) $\sqrt{5}$ 2) 2, 3) $\sqrt{3}$, 4) $\sqrt{2}$

3. 1-норма матрицы $A = \begin{pmatrix} 1/\sqrt{2} & i/\sqrt{2} \\ -i/\sqrt{2} & 1/\sqrt{2} \end{pmatrix}$ равна
- 1) $\sqrt{2}$, 2) 2, 3) $\sqrt{3}$, 4) $\sqrt{5}$

4. ∞ -норма матрицы $A = \begin{pmatrix} 1/\sqrt{2} & i/\sqrt{2} \\ -i/\sqrt{2} & 1/\sqrt{2} \end{pmatrix}$ равна
 1) $\sqrt{5}$, 2) $\sqrt{2}$, 3) $\sqrt{3}$, 4) 2
5. Для каких λ система $(E - \lambda A)x = y$, $A = \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$ имеет решение для любого y
 1) $\lambda \neq 1, 1/2$, 2) $\lambda \neq 1, 1/5$, 3) $\lambda \neq 1, 1/3$, 4) $\lambda \neq -1/2, 1/6$

Перечень контрольных заданий и (или) вопросов для оценки сформированности компетенции ПК-8 (контролируемый индикатор достижения компетенции ПК-8.2)

1. Наибольший общий делитель чисел 420 и 6072 равен
 1) 12, 2) 8, 3) 6, 4) 24
2. Обратный элемент к 7 в поле Z_{11} равен
 1) 7, 2) 8, 3) 9, 4) 10
3. Наибольший общий делитель многочленов $x^3 + 2x^2 + 2x + 1$ и $x^3 + x^2$ есть
 1) $x^2 - x + 1$, 2) $x^2 + x + 1$, 3) $x - 1$, 4) $x + 1$
4. Решением сравнения $3x \equiv 4 \pmod{12}$ являются числа
 1) 5, 2) 10, 3) 15, 4) 20
5. В кольце многочленов над полем R неприводимым является многочлен
 1) $x^3 - x - 1$, 2) $x^3 + x + 1$, 3) $x^3 + 1$, 4) $x^3 - x^2 - 1$

Перечень контрольных заданий и (или) вопросов для оценки сформированности компетенции ПК-7 (контролируемый индикатор достижения компетенции ПК-7.3)

1. Для каких y система $Ax = y$, $A = \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ -3 & -1 \end{pmatrix}$ имеет решение
 1) $y \perp (1, -2)$, 2) $y \perp (1, 1)$, 3) $y \perp (2, -1)$, 4) $y \perp (1, -1)$
2. Нормальное решение системы $Ax = y$, $A = \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ -3 & -1 \end{pmatrix}$ при $y = (10, -10)$ есть
 1) $(1, -1)$, 2) $(2, -2)$, 3) $(3, 1)$, 4) $(1, -2)$
3. Псевдообратная матрица для матрицы $A = \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ -3 & -1 \end{pmatrix}$ есть
 1) $\frac{1}{26}A^*$, 2) $\frac{1}{20}A^*$, 3) $\frac{1}{10}A^*$, 4) $\frac{1}{13}A^*$
4. Для сингулярных чисел ρ_1, ρ_2 матрицы $A = \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 1 & 3 \end{pmatrix}$ вычислить $\rho_1^2 + \rho_2^2$
 1) 12, 2) 7, 3) 9, 4) 10
5. Найти LU -разложение матрицы $A = \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 1 & 3 \end{pmatrix}$

$$\begin{array}{ll}
 1) \quad A = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 4 \end{pmatrix}; & 2) \quad A = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 4 \end{pmatrix}; \\
 3) \quad A = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 0 & 4 \end{pmatrix}; & 4) \quad A = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 2 & -1 \\ 0 & 4 \end{pmatrix}
 \end{array}$$

Перечень контрольных заданий и (или) вопросов для оценки сформированности компетенции ПК-8 (контролируемый индикатор достижения компетенции ПК-8.3)

- Если порядок $\text{ord}(\alpha) = 12$, то порядок $\text{ord}(\alpha^8)$ равен
 - 3,
 - 5,
 - 15,
 - 9
- Число $2^9 - 1$ разложить на множители.
- Кодовое расстояние для кода из слов 0111, 1001, 110 1 равно
 - 1,
 - 2,
 - 3,
 - 4
- Число $2^8 - 1$ разложить на множители.
- Кодовое расстояние для кода из слов 0110, 1011, 100 1 равно
 - 1,
 - 2,
 - 3,
 - 4

3 Оценочные средства (оценочные материалы) для проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине (модулю)

Перечень контрольных заданий и (или) вопросов для оценки сформированности компетенции ПК-7 (контролируемый индикатор достижения компетенции ПК-7.1)

- Наибольший общий делитель целых чисел $(a, b) = d$, если
 - d делит a и b и d делят любые делители a и b ;
 - d делит a и b и d делит любые делители a и b ;
 - a и b делят d ;
 - d делит a и b .
- В кольце многочленов над полем наибольший общий делитель $(a, b) = d$, если
 - d делит a и b и d делят любые делители a и b и старший коэффициент d равен единице;
 - d делит a и b и d делит любые делители a и b и старший коэффициент d равен единице;
 - a и b делят d ;
 - d делит a и b .
- В кольце многочленов над полем многочлен называется неприводимым, если
 - его можно представить в виде произведения многочленов меньшей степени;
 - его можно представить в виде произведения многочленов первой степени;
 - его нельзя представить в виде произведения многочленов первой степени;
 - его нельзя представить в виде произведения многочленов меньшей степени.
- Поле называется полем разложения многочлена степени n , если в поле
 - его можно представить в виде произведения многочленов меньшей степени;
 - его можно представить в виде произведения многочленов первой степени;
 - его можно представить в виде произведения многочленов первой или второй степени;

- 4) он имеет ровно n корней.
5. В кольце многочленов над полем характеристики p многочлен деления круга имеет вид
- 1) $x^{p^n-1} - 1$;
 - 2) x^{p^n-1} ;
 - 3) $x^{p^n} - 1$;
 - 4) x^{p^n} .

Перечень контрольных заданий и (или) вопросов для оценки сформированности компетенции ПК-8 (контролируемый индикатор достижения компетенции ПК-8.1)

1. В кольце многочленов над полем характеристики p многочлен деления круга имеет вид
 - 1) $x^{p^n-1} - 1$;
 - 2) x^{p^n-1} ;
 - 3) $x^{p^n} - 1$;
 - 4) x^{p^n} .
2. В конечном поле натуральное число n называется порядком ненулевого элемента α , если
 - 1) $\alpha^n = 1$;
 - 2) $n\alpha = 1$;
 - 3) $\alpha^{n-1} = 1$;
 - 4) n наименьшее, для которого $\alpha^n = 1$.
3. Два поля называются изоморфными, если
 - 1) между ними можно установить биекцию;
 - 2) между ними можно установить биекцию, сохраняющую операцию сложения;
 - 3) между ними можно установить биекцию, сохраняющую операцию умножения;
 - 4) между ними можно установить биекцию, сохраняющую операции сложения и умножения.
4. Расстояние Хемминга между двумя двоичными словами одной длины есть
 - 1) число единиц в их сумме;
 - 2) число нулей в их сумме;
 - 3) сумма единиц в этих словах;
 - 4) сумма нулей в этих словах.
5. Вес Хемминга двоичного слова есть
 - 1) расстояние Хемминга между ним и нулевым словом;
 - 2) число нулей;
 - 3) его длина;
 - 4) число единиц.

Перечень контрольных заданий и (или) вопросов для оценки сформированности компетенции ПК-7 (контролируемый индикатор достижения компетенции ПК-7.2)

$$A = \begin{pmatrix} 1/\sqrt{2} & -1/\sqrt{2} \\ 1/\sqrt{2} & 1/\sqrt{2} \end{pmatrix}$$

1. Для матрицы выбрать правильные ответы
 - 1) A - диагональная, 2) A - треугольная, 3) A - ортогональная,

- 4) A - унитарная, 5) A - симметричная, 6) A - кососимметричная,
 7) A - эрмитова, 8) A - косоэрмитова, 9) A - нормальная

$$A = \begin{pmatrix} 1/\sqrt{2} & -1/\sqrt{2} \\ 1/\sqrt{2} & 1/\sqrt{2} \end{pmatrix}$$

2. Евклидова норма матрицы равна

- 1) $\sqrt{5}$, 2) 2, 3) $\sqrt{3}$, 4) $\sqrt{2}$

$$A = \begin{pmatrix} 1/\sqrt{2} & -1/\sqrt{2} \\ 1/\sqrt{2} & 1/\sqrt{2} \end{pmatrix}$$

3. 1-норма матрицы равна

- 1) $\sqrt{5}$, 2) $\sqrt{2}$, 3) $\sqrt{3}$, 4) 2

$$A = \begin{pmatrix} 1/\sqrt{2} & -1/\sqrt{2} \\ 1/\sqrt{2} & 1/\sqrt{2} \end{pmatrix}$$

4. ∞ -норма матрицы равна

- 1) $\sqrt{2}$, 2) 2, 3) $\sqrt{3}$, 4) $\sqrt{5}$

5. Для каких λ система $(E - \lambda A)x = y$, $A = \begin{pmatrix} 3/2 & -1/2 \\ -1/2 & 3/2 \end{pmatrix}$ имеет решение для любого y

- 1) $\lambda \neq 1, 1/2$, 2) $\lambda \neq 1, 1/5$, 3) $\lambda \neq 1, 1/3$, 4) $\lambda \neq -1/2, 1/6$

Перечень контрольных заданий и (или) вопросов для оценки сформированности компетенции ПК-8 (контролируемый индикатор достижения компетенции ПК-8.2)

1. Для каких y система $Ax = y$, $A = \begin{pmatrix} 2 & -1 \\ -2 & 1 \end{pmatrix}$ имеет решение

- 1) $y \perp (1, -1)$, 2) $y \perp (1, 1)$, 3) $y \perp (2, -1)$, 4) $y \perp (1, -2)$

2. Нормальное решение системы $Ax = y$, $A = \begin{pmatrix} 2 & -1 \\ -2 & 1 \end{pmatrix}$ при $y = (5, -5)$ есть

- 1) $(1, -1)$, 2) $(2, -2)$, 3) $(5, 0)$, 4) $(1, -2)$

3. Псевдообратная матрица для матрицы $A = \begin{pmatrix} 2 & -1 \\ -2 & 1 \end{pmatrix}$ есть

- 1) $\frac{1}{26}A^*$, 2) $\frac{1}{20}A^*$, 3) $\frac{1}{10}A^*$, 4) $\frac{1}{13}A^*$

4. Для сингулярных чисел ρ_1, ρ_2 матрицы $A = \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$ вычислить $\rho_1^2 + \rho_2^2$

- 1) 12, 2) 7, 3) 9, 4) 10

5. Найти LU -разложение матрицы $A = \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$

- 1) $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$; 2) $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$;

$$3) A = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & -2 \\ 0 & 3 \end{pmatrix};$$

$$4) A = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$$

Перечень контрольных заданий и (или) вопросов для оценки сформированности компетенции ПК-7 (контролируемый индикатор достижения компетенции ПК-7.3)

- Для каких λ система $(E - \lambda A)x = y$, $A = \begin{pmatrix} 3 & -2 \\ -2 & 3 \end{pmatrix}$ имеет решение для любого y
 - $\lambda \neq 1, 1/2$,
 - $\lambda \neq 1, 1/5$,
 - $\lambda \neq 1, 1/3$,
 - $\lambda \neq -1/2, 1/6$
- Наибольший общий делитель чисел 120 и 9975 равен
 - 10,
 - 20,
 - 5,
 - 15
- Наибольший общий делитель многочленов $x^3 - 3x + 2$ и $x^3 - 3x^2 + 4$ есть
 - $x + 1$,
 - 1,
 - $x - 1$,
 - $x^2 + 1$
- Решением сравнения $9x \equiv 12 \pmod{21}$ являются числа
 - 4,
 - 8,
 - 6,
 - 12
- В кольце многочленов над полем \mathbb{R} неприводимым является многочлен
 - $x^2 + x + 1$,
 - $x^2 - x + 1$,
 - $x^2 + 1$,
 - $x^3 + x + 1$

Перечень контрольных заданий и (или) вопросов для оценки сформированности компетенции ПК-8 (контролируемый индикатор достижения компетенции ПК-8.3)

- Для каких y система $Ax = y$, $A = \begin{pmatrix} 2 & -3 \\ -2 & 3 \end{pmatrix}$ имеет решение
 - $y \perp (1, -1)$,
 - $y \perp (1, 1)$,
 - $y \perp (2, -1)$,
 - $y \perp (1, -2)$
- Нормальное решение системы $Ax = y$, $A = \begin{pmatrix} 2 & -3 \\ -2 & 3 \end{pmatrix}$ при $y = (13, -13)$ есть
 - $(3, -1)$,
 - $(2, -2)$,
 - $(2, -3)$,
 - $(1, -2)$
- Псевдообратная матрица для матрицы $A = \begin{pmatrix} 2 & -3 \\ -2 & 3 \end{pmatrix}$
 - $\frac{1}{26}A^*$,
 - $\frac{1}{20}A^*$,
 - $\frac{1}{10}A^*$,
 - $\frac{1}{13}A^*$
- Для сингулярных чисел ρ_1, ρ_2 матрицы $A = \begin{pmatrix} 3 & -1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$ вычислить $\rho_1^2 + \rho_2^2$
 - 12,
 - 7,
 - 9,
 - 10
- Если порядок $\text{ord}(\alpha) = 14$, то порядок $\text{ord}(\alpha^5)$ равен
 - 3,
 - 5,
 - 14,
 - 9